

Université Libre de Bruxelles
Faculté SOCO
2007

NOM :

PRENOM :

Examen Final

1ère session

Partie A

mercredi 6 juin 2007

Indications

Veillez respecter les indications suivantes:

1. Vous avez 1 heure à disposition
2. Veillez vérifier que votre formulaire d'examen contient bien 5 pages
3. L'examen comporte 10 questions chacune valant 1 point.
4. Veillez noter absolument vos nom(s) et prénom(s) sur la première page.
5. Bon travail !!!

Questions Courtes

Q1 VaR sur un portefeuille

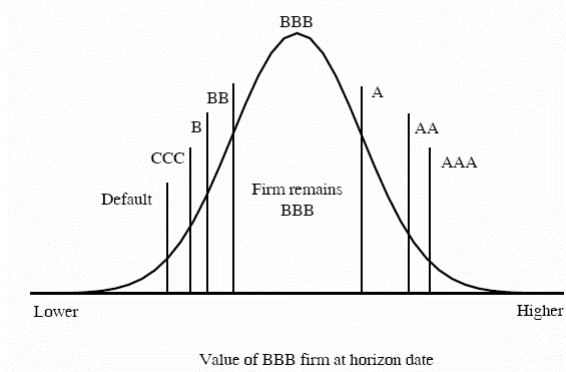
Vous avez investi €100'000 dans un portefeuille contenant 2 actifs. L'écart-type des rendements du premier est de 25% et de 15% pour le deuxième. La corrélation des rendements de ces deux actifs est de 60%. Quelle est la VaR à 98.5% de ce portefeuille ?

Q2 Credit Risk

La figure ci-dessous est issue du document technique de CreditMetrics. Il s'agit de « mapper » des intervalles de ratings sur une loi normale. Quel est le nom de la technique employée pour réaliser ceci ? De quoi s'agit-il ?



Chart 3.3
Model of firm value and generalized credit quality thresholds



Q3 Couverture

Un de vos clients a passé un ordre de vente de calls sur l'action Nestlé. Pour couvrir ce call, que lui demandez-vous d'ajouter à son portefeuille

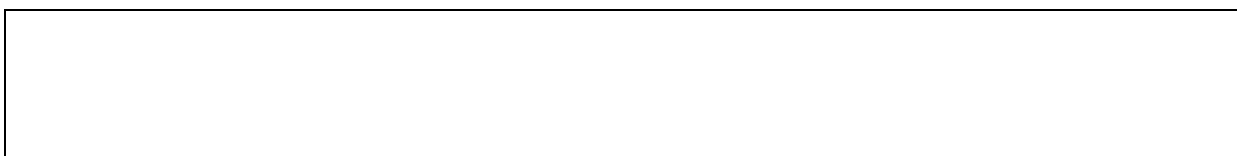
- (a) pour être couvert en conditions normales de marché ?
- (b) pour être couvert en conditions anormales de marché ?

Expliquez à chaque fois brièvement.



Q4 VaR

Si vous deviez rapidement identifier la source principale de risque dans un portefeuille relativement important sur lequel un système de VaR en méthode var-covar (ou delta-normal) est à disposition, utiliseriez-vous la « incremental » VaR ou la « component » VaR ? Et ensuite, laquelle est la plus précise ?



Q5 Une obligation « structurée »

Une obligation structurée émise par la Standard Oil vous propose les conditions suivantes :

- Le détenteur ne reçoit pas d'intérêt
- A l'échéance, l'émetteur rembourse \$1'000 plus un montant lié au prix du pétrole à ce moment-là.
- Ce montant additionnel est égal au produit de 180 fois l'écart (si positif) entre le prix du pétrole spot à l'échéance et \$55, mais au maximum \$3'600, ce qui correspond à un montant de \$75 le baril.

Séparez ce produit en ses composantes.

Q6 Portfolio Credit Risk

La banque Ducoin possède un portefeuille relativement important de prêts individuels. La probabilité de défaut moyenne sur chacun de ces prêts individuellement est de 1.8%. Sachant que la corrélation est de 20%, quel est le pourcentage maximal de défaut auquel elle peut s'attendre avec un degré de confiance de 98.5% en utilisant la copule Gaussienne à 1 facteur?

Q7 Volatilité

Imaginez que le BEL20 a clôturé hier à 4'676 et que la volatilité journalière de cet indice était alors estimée à 1.2%. Un modèle GARCH(1,1) calibré à cet indice donne les paramètres suivants : $\omega = 0.000004, \alpha = 0.08, \beta = 0.88$. Sachant que le jour suivant, le cours de clôture se situe à 4'800, quelle est la nouvelle estimation de la volatilité journalière ?

Q8 Trading

Le gamma et le vega d'un portefeuille delta-neutre sont de 50 par € et de 25 par € respectivement. Estimez la variation de la valeur du portefeuille si un choc dans le marché produit une augmentation de 4% de la volatilité du sous-jacent et une diminution de 3% de sa valeur.

Q9 Credit spreads

Kevin Larson, alias Kevlar, est embêté. CFO de Belgofever, il revient des banques avec la nouvelle suivante : le credit spread de Belgofever est de 2%. Le board est un peu perplexe car ce spread était encore à 1.2% la semaine passée. De nature stricte, Kevlar se doit d'expliquer d'où vient ce spread. La probabilité historique de défaut pour un rating tel que celui de Belgofever est de 2% et le taux de recouvrement moyen est de 40%. Or, tout le monde s'accorde pour dire qu'à priori, ces paramètres n'ont pas changé. Pouvez-vous l'aider ? Qu'est-ce qui peut expliquer cette subite augmentation de la demande de spread du marché?

Q10 VaR

Un portefeuille d'options sur le même sous-jacent a un delta de 12. La valeur du sous-jacent est de €10 et la volatilité journalière du sous-jacent est de 2%. Estimez la VaR(1 jour, 95%) du portefeuille d'après le delta.

N(x) & N(-x)=1-N(x)

H. Pirotte - SBS/ULB - FinMetrics SA - Juin 2007

	0.000	0.005	0.010	0.015	0.020	0.025	0.030	0.035	0.040	0.045	0.050	0.055	0.060	0.065	0.070	0.075	0.080	0.085	0.090	0.095
0.0	0.5000	0.5020	0.5040	0.5060	0.5080	0.5100	0.5120	0.5140	0.5160	0.5179	0.5199	0.5219	0.5239	0.5259	0.5279	0.5299	0.5319	0.5339	0.5359	0.5378
0.1	0.5398	0.5418	0.5438	0.5458	0.5478	0.5497	0.5517	0.5537	0.5557	0.5576	0.5596	0.5616	0.5636	0.5655	0.5675	0.5695	0.5714	0.5734	0.5753	0.5773
0.2	0.5793	0.5812	0.5832	0.5851	0.5871	0.5890	0.5910	0.5929	0.5948	0.5968	0.5987	0.6006	0.6026	0.6045	0.6064	0.6083	0.6103	0.6122	0.6141	0.6160
0.3	0.6179	0.6198	0.6217	0.6236	0.6255	0.6274	0.6293	0.6312	0.6331	0.6350	0.6368	0.6387	0.6406	0.6424	0.6443	0.6462	0.6480	0.6499	0.6517	0.6536
0.4	0.6554	0.6573	0.6591	0.6609	0.6628	0.6646	0.6664	0.6682	0.6700	0.6718	0.6736	0.6754	0.6772	0.6790	0.6808	0.6826	0.6844	0.6862	0.6879	0.6897
0.5	0.6915	0.6932	0.6950	0.6967	0.6985	0.7002	0.7019	0.7037	0.7054	0.7071	0.7088	0.7106	0.7123	0.7140	0.7157	0.7174	0.7190	0.7207	0.7224	0.7241
0.6	0.7257	0.7274	0.7291	0.7307	0.7324	0.7340	0.7357	0.7373	0.7389	0.7405	0.7422	0.7438	0.7454	0.7470	0.7486	0.7502	0.7517	0.7533	0.7549	0.7565
0.7	0.7580	0.7596	0.7611	0.7627	0.7642	0.7658	0.7673	0.7688	0.7704	0.7719	0.7734	0.7749	0.7764	0.7779	0.7794	0.7808	0.7823	0.7838	0.7852	0.7867
0.8	0.7881	0.7896	0.7910	0.7925	0.7939	0.7953	0.7967	0.7981	0.7995	0.8009	0.8023	0.8037	0.8051	0.8065	0.8078	0.8092	0.8106	0.8119	0.8133	0.8146
0.9	0.8159	0.8173	0.8186	0.8199	0.8212	0.8225	0.8238	0.8251	0.8264	0.8277	0.8289	0.8302	0.8315	0.8327	0.8340	0.8352	0.8365	0.8377	0.8389	0.8401
1.0	0.8413	0.8426	0.8438	0.8449	0.8461	0.8473	0.8485	0.8497	0.8508	0.8520	0.8531	0.8543	0.8554	0.8566	0.8577	0.8588	0.8599	0.8610	0.8621	0.8632
1.1	0.8643	0.8654	0.8665	0.8676	0.8686	0.8697	0.8708	0.8718	0.8729	0.8739	0.8749	0.8760	0.8770	0.8780	0.8790	0.8800	0.8810	0.8820	0.8830	0.8840
1.2	0.8849	0.8859	0.8869	0.8878	0.8888	0.8897	0.8907	0.8916	0.8925	0.8934	0.8944	0.8953	0.8962	0.8971	0.8980	0.8988	0.8997	0.9006	0.9015	0.9023
1.3	0.9032	0.9041	0.9049	0.9057	0.9066	0.9074	0.9082	0.9091	0.9099	0.9107	0.9115	0.9123	0.9131	0.9139	0.9147	0.9154	0.9162	0.9170	0.9177	0.9185
1.4	0.9192	0.9200	0.9207	0.9215	0.9222	0.9229	0.9236	0.9244	0.9251	0.9258	0.9265	0.9272	0.9279	0.9285	0.9292	0.9299	0.9306	0.9312	0.9319	0.9325
1.5	0.9332	0.9338	0.9345	0.9351	0.9357	0.9364	0.9370	0.9376	0.9382	0.9388	0.9394	0.9400	0.9406	0.9412	0.9418	0.9424	0.9429	0.9435	0.9441	0.9446
1.6	0.9452	0.9458	0.9463	0.9468	0.9474	0.9479	0.9484	0.9490	0.9495	0.9500	0.9505	0.9510	0.9515	0.9520	0.9525	0.9530	0.9535	0.9540	0.9545	0.9550
1.7	0.9554	0.9559	0.9564	0.9568	0.9573	0.9577	0.9582	0.9586	0.9591	0.9595	0.9599	0.9604	0.9608	0.9612	0.9616	0.9621	0.9625	0.9629	0.9633	0.9637
1.8	0.9641	0.9645	0.9649	0.9652	0.9656	0.9660	0.9664	0.9667	0.9671	0.9675	0.9678	0.9682	0.9686	0.9689	0.9693	0.9696	0.9699	0.9703	0.9706	0.9710
1.9	0.9713	0.9716	0.9719	0.9723	0.9726	0.9729	0.9732	0.9735	0.9738	0.9741	0.9744	0.9747	0.9750	0.9753	0.9756	0.9759	0.9761	0.9764	0.9767	0.9770
2.0	0.9772	0.9775	0.9778	0.9780	0.9783	0.9786	0.9788	0.9791	0.9793	0.9796	0.9798	0.9801	0.9803	0.9805	0.9808	0.9810	0.9812	0.9815	0.9817	0.9819
2.1	0.9821	0.9824	0.9826	0.9828	0.9830	0.9832	0.9834	0.9836	0.9838	0.9840	0.9842	0.9844	0.9846	0.9848	0.9850	0.9852	0.9854	0.9856	0.9857	0.9859
2.2	0.9861	0.9863	0.9864	0.9866	0.9868	0.9870	0.9871	0.9873	0.9875	0.9876	0.9878	0.9879	0.9881	0.9882	0.9884	0.9885	0.9887	0.9888	0.9890	0.9891
2.3	0.9893	0.9894	0.9896	0.9897	0.9898	0.9900	0.9901	0.9902	0.9904	0.9905	0.9906	0.9907	0.9909	0.9910	0.9911	0.9912	0.9913	0.9915	0.9916	0.9917
2.4	0.9918	0.9919	0.9920	0.9921	0.9922	0.9923	0.9925	0.9926	0.9927	0.9928	0.9929	0.9930	0.9931	0.9931	0.9932	0.9933	0.9934	0.9935	0.9936	0.9937
2.5	0.9938	0.9939	0.9940	0.9940	0.9941	0.9942	0.9943	0.9944	0.9945	0.9945	0.9946	0.9947	0.9948	0.9948	0.9949	0.9950	0.9951	0.9951	0.9952	0.9953
2.6	0.9953	0.9954	0.9955	0.9955	0.9956	0.9957	0.9957	0.9958	0.9959	0.9959	0.9960	0.9960	0.9961	0.9962	0.9962	0.9963	0.9963	0.9964	0.9964	0.9965
2.7	0.9965	0.9966	0.9966	0.9967	0.9967	0.9968	0.9968	0.9969	0.9969	0.9970	0.9970	0.9971	0.9971	0.9972	0.9972	0.9973	0.9973	0.9974	0.9974	0.9974
2.8	0.9974	0.9975	0.9975	0.9976	0.9976	0.9976	0.9977	0.9977	0.9977	0.9978	0.9978	0.9978	0.9979	0.9979	0.9979	0.9980	0.9980	0.9980	0.9981	0.9981
2.9	0.9981	0.9982	0.9982	0.9982	0.9982	0.9983	0.9983	0.9983	0.9984	0.9984	0.9984	0.9984	0.9985	0.9985	0.9985	0.9985	0.9986	0.9986	0.9986	0.9986
3.0	0.9987	0.9987	0.9987	0.9987	0.9987	0.9988	0.9988	0.9988	0.9988	0.9988	0.9989	0.9989	0.9989	0.9989	0.9989	0.9989	0.9990	0.9990	0.9990	0.9990
3.1	0.9990	0.9990	0.9991	0.9991	0.9991	0.9991	0.9991	0.9991	0.9992	0.9992	0.9992	0.9992	0.9992	0.9992	0.9992	0.9993	0.9993	0.9993	0.9993	0.9993
3.2	0.9993	0.9993	0.9993	0.9993	0.9994	0.9994	0.9994	0.9994	0.9994	0.9994	0.9994	0.9994	0.9994	0.9995	0.9995	0.9995	0.9995	0.9995	0.9995	0.9995
3.3	0.9995	0.9995	0.9995	0.9995	0.9995	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9997	0.9997
3.4	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9998	0.9998	0.9998
3.5	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998
3.6	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999
3.7	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999
3.8	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999
3.9	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000
4.0	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000